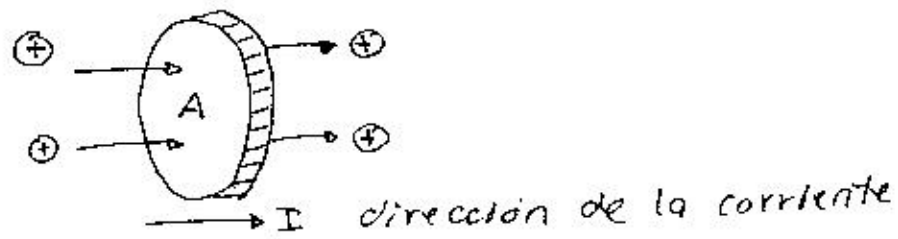


## Corriente, Resistencia y circuitos de corriente continua (74)

Corriente eléctrica: siempre que cargas eléctricas del mismo signo están en movimiento, se dice que existe una corriente. Para definir la corriente con más precisión, supongamos que las cargas se mueven perpendicularmente a un área superficial  $A$ , como en la figura, por ejemplo esta área podría ser la sección transversal de un alambre conductor.



La corriente es la rapidez con la cual fluye la carga a través de esta superficie. Si  $\Delta Q$  es la cantidad de carga que pasa a través de esta área en un tiempo  $\Delta t$ , la corriente promedio  $I_p$ , es igual a la razón de la carga en el intervalo de tiempo

$$I_p = \frac{\Delta Q}{\Delta t}$$

Si la rapidez con que fluye la carga varía con el tiempo, la corriente también varía en el tiempo y se define la corriente instantánea  $I$  como el límite diferencial de la expresión anterior.

$$I = \frac{dq}{dt}$$

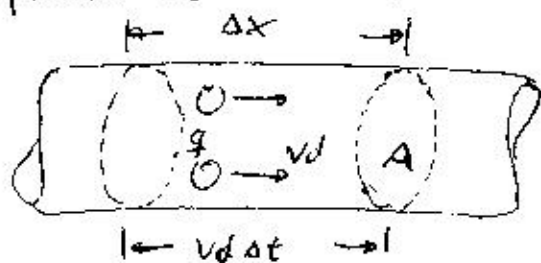
En el SI:

$$1A = \frac{1 \text{ coulomb}}{1 \text{ segundo}}$$

1 A de corriente equivale a que 1 coulomb de carga pase a través de la superficie en 1 segundo.

Es decir, 1 A de corriente equivale a que 1 coulomb de carga pase a través de la superficie en 1 s. En la práctica, con frecuencia se utilizan unidades más pequeñas de corriente, tales como el miliampere ( $1 \text{ mA} = 10^{-3} \text{ A}$ ),  $\mu\text{A}$ ,  $\text{nA}$ .

Por convención ya sea con cargas positivas, negativas o ambas, la dirección de la corriente se escoge como la dirección en la cual fluyen las cargas positivas. En un conductor como el cobre, la corriente se debe al movimiento de los electrones cargados negativamente. Por lo tanto, cuando hablamos de corriente en un conductor ordinario, como el alambre de cobre, la dirección de corriente será opuesta a la dirección del flujo de electrones.



$v_d$  = velocidad de deriva

El volumen de un elemento de conductor de longitud  $\Delta x$  es  $A \cdot \Delta x$ . Si  $n$  representa el número de portadores de carga por unidad de volumen, entonces el número de portadores de carga en el elemento de volumen está dado por  $nA\Delta x$ .

Por lo tanto, la carga  $\Delta Q$  en este elemento está dado por  $\Delta Q = n A v_d \Delta t q$  entonces  $\Delta Q$  es:  $n \Delta x q$  (72)

$$\Delta Q = (n A v_d \Delta t) q$$

$n \Rightarrow$  número de portadores móviles por unidad de volumen

$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = n q v_d A$$

La velocidad de los portadores de carga  $v_d$ , es la velocidad promedio y se llama velocidad de deriva.

**Ejercicio 1:** Un alambre de cobre de área en la sección transversal de  $3 \times 10^{-6} \text{ m}^2$  lleva una corriente de 10 A. Encuentra la velocidad de deriva de los electrones en el alambre. La densidad del cobre es  $8.95 \text{ g/cm}^3$ .

Tabla periódica de los elementos químicos

peso atómico del cobre  $63.5 \text{ g/mol}$

mol  $\approx 6.02 \times 10^{23}$  átomos  
sustancia cualquiera

El número de Avogadro se define  $\Rightarrow$  número de moléculas contenidas en una mole conociendo la densidad del cobre es posible calcular el volumen ocupado por 63.5 g de cobre

$$V_{\text{ol}} = \frac{W_{\text{Cu}}}{\rho_{\text{Cu}}} = \frac{63.5 \text{ g}}{8.95 \text{ g/cm}^3} = 7.09 \text{ cm}^3$$

$W_{\text{Cu}} \Rightarrow$  peso atómico del cobre  
 $\rho_{\text{Cu}} \Rightarrow$  densidad del cobre

Si suponemos que cada átomo de cobre contribuye con un electrón libre en el material, se tiene  $n = \frac{\text{mol}}{V_{\text{ol}}} \left[ \frac{e^-}{\text{V}} \right]$

$$n = \frac{6.02 \times 10^{23} \text{ electrones}}{7.09 \text{ cm}^3} = 8.48 \times 10^{22} \text{ electrones/cm}^3$$

$$n = 8.48 \times 10^{22} \frac{\text{electrones}}{\text{cm}^3} \cdot \left[ \frac{10^6 \text{ cm}^3}{\text{m}^3} \right] = 8.48 \times 10^{28} \frac{\text{electrones}}{\text{m}^3}$$

$$I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = n q v_d A \quad \left[ \frac{10^6 \text{ cm}^3}{\text{m}^3} \right]^3$$

$$v_d = \frac{I}{n q A} = \frac{10 \text{ C/s}}{(8.48 \times 10^{28} \frac{\text{electrones}}{\text{m}^3}) (1.6 \times 10^{-19} \text{ C}) (3 \times 10^{-6} \text{ m}^2)}$$

$$v_d = 2.46 \times 10^{-4} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

## Resistencia y ley de Ohm

Las cargas se mueven en un conductor para producir una corriente con la acción de un campo eléctrico que está en el interior del propio conductor. En este caso, puede existir un campo eléctrico en el interior del conductor puesto que se trata de cargas en movimiento, un caso no electrostático.

considerese un conductor con área de sección transversal  $A$  que lleva una corriente  $I$ . la densidad de corriente  $J$  en el conductor se define como la corriente por unidad de área. como  $I = nqv_dA$ , la densidad de corriente está dada por

$$J = \frac{I}{A} = nqv_d \quad \left[ \frac{A}{m^2} \right] \text{ unidades SI}$$

una densidad de corriente  $J$  y un campo eléctrico  $E$  se establecen en un conductor cuando una diferencia de potencial se mantiene a través del conductor

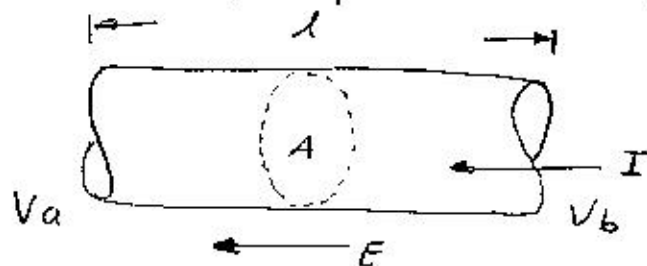
Diferencia de potencial constante  $\Rightarrow$  corriente constante

$$J = \sigma E$$

$\sigma \Rightarrow$  conductividad del conductor

materiales que se ajustan a esta ecuación se dice que siguen la ley de Ohm  $\Rightarrow$  George Simón Ohm (1787-1854)

"la ley de Ohm afirma que muchos materiales (incluyendo la mayor parte de los metales), la razón de la densidad de corriente a campo eléctrico es una constante,  $\sigma$ , la cual es independiente del campo eléctrico que produce corriente.



conductor uniforme de longitud  $l$  y área de sección transversal  $A$ . una diferencia de potencial  $V_b - V_a$  se mantiene a través del conductor creando un campo eléctrico  $E$  en el conductor y este campo produce una corriente  $I$ .

$$V = V_b - V_a \Rightarrow V = El$$

$$V_b - V_a = - \int_0^l E \cdot ds = E \int_0^l dx = El$$

entonces la densidad de corriente

$$J = \sigma E = \sigma \frac{V}{l}$$

$\sigma \Rightarrow$  conductividad del conductor

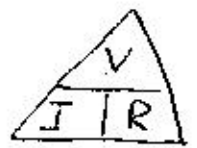
Como  $J = \frac{I}{A}$ , la diferencia de potenciales puede escribirse

$$V = \frac{l}{\sigma} J = \left( \frac{l}{\sigma A} \right) I$$

la resistencia de un conductor

oposición al paso de la corriente

$$R = \frac{l}{\sigma A} = \frac{V}{I}$$



$$V = IR$$
$$I = \frac{V}{R}$$
$$R = \frac{V}{I}$$

SI  $\Rightarrow IR = \frac{V}{A}$

El inverso de la conductividad de un material se le llame resistividad  $\rho$

$$\rho = \frac{1}{\sigma} \quad [\Omega \cdot m] \text{ unidades}$$

la resistencia de un conductor uniforme

Taller: Tabla 27.1 y ejercicios

$$R = \rho \frac{l}{A}$$

Ejercicio 1: calcular la resistencia de una pieza de aluminio de 10 cm de longitud, que tiene un área de sección transversal de  $10^{-4} m^2$ , ver Table 27.1

a)  $R = \rho \frac{l}{A} = 2.82 \times 10^{-8} (\Omega \cdot m) \left( \frac{0.1 m}{10^{-4} m^2} \right) = 2.82 \times 10^{-5} \Omega$

b) si el material es vidrio, ver table 27.1

$$R = \rho \frac{l}{A} = 10^{10} \Omega \cdot m \left( \frac{0.1 m}{10^{-4} m^2} \right) = 10^{13} \Omega = 1 \times 10^{13} \Omega$$

Como es de esperarse, el aluminio tiene una resistencia  $(\approx 5)$  mucho menor que el vidrio. Por esta razón el aluminio es buen conductor y el vidrio es muy mal conductor.

Ejercicio 2:

a) Calcular la resistencia por unidad de longitud de un alambre de nichromo calibre 22 de radio 0.321 mm. ver tabla 27.1

$$A = \pi r^2 = \pi (0.321 \times 10^{-3} \text{ m})^2 = 3.24 \times 10^{-7} \text{ m}^2$$

$$R_{cu} = 0.052 \frac{\Omega}{\text{m}}$$

$$R = \rho \frac{l}{A} \Rightarrow \frac{R}{l} = \frac{\rho}{A} = \frac{1.5 \times 10^{-6} \Omega \cdot \text{m}}{3.24 \times 10^{-7} \text{ m}^2} = 4.6 \frac{\Omega}{\text{m}}$$

• Hornos  
• Tostadores  
• Calentador eléctrico

b) Si una diferencia de potencial de 10 V se mantiene a través de un metro de longitud de alambre de nichromo, cuál es la corriente en el alambre?

$$I = \frac{V}{R} = \frac{10 \text{ V}}{4.6 \Omega} = 2.2 \text{ A}$$

Ejercicio 3:

c) ¿Cuál es la resistencia de un alambre de nichromo calibre 22 de 6 m de longitud? ¿Cuánta corriente llevará cuando se conecta a una fuente de 120 V?

$$R / 27.6 \Omega$$

$$4.3 \text{ A}$$

$$R = \rho \frac{l}{A} \Rightarrow \frac{R}{l} = 4.6 \frac{\Omega}{\text{m}}$$

$$R_{\text{total}} = 4.6 \frac{\Omega}{\text{m}} \cdot 6 \text{ m} = 27.6 \Omega$$

$$I = \frac{V}{R} = \frac{120 \text{ V}}{27.6 \Omega} = 4.34 \text{ A}$$

d) Calcúlese la densidad de corriente en el alambre suponiendo que lleva una corriente de 2.2 A

$$R / 0.7 \times 10^6 \frac{\text{A}}{\text{m}^2}$$

$$J = \frac{I}{A} = n q v_d \left[ \frac{A}{m^2} \right]$$

n => número de portadores móviles por unidad de volumen

$$J = \frac{2.2 A}{3.24 \times 10^{-7} m^2} = 6.79 \times 10^6 \frac{A}{m^2}$$



### Resistividad de conductores diferentes

La resistividad depende de ciertos factores, uno de los cuales es la temperatura. Para la mayor parte de los metales, la resistividad se incrementa al aumentar la temperatura. la resistividad de un conductor varía casi lineal con la temperatura sobre un limitado rango de temperatura, de acuerdo con la expresión

$$\rho = \rho_0 [1 + \alpha (T - T_0)] \quad \text{[un] variación de } \rho \text{ con la Temp}$$

donde  $\rho$  es la resistividad a alguna temperatura  $T$  (en  $^{\circ}C$ ),  $\rho_0$  es la resistividad a una temperatura de referencia  $T_0$  (usualmente se toma como de  $20^{\circ}C$ ) y  $\alpha$  se llama coeficiente de temperatura de la resistividad. puede ser expresada como:

$$\alpha = \frac{1}{\rho_0} \frac{\Delta \rho}{\Delta T}$$

donde  $\Delta \rho = \rho - \rho_0$  es el cambio en la resistividad en un intervalo de temperatura  $\Delta T = T - T_0$ . Ver table 27.1 como la resistividad de un conductor es proporcional a la resistividad de acuerdo =>  $R = \rho \frac{l}{A}$



la variación de resistencia con la temperatura puede escribirse como (92)

$$R = R_0 [1 + \alpha (T - T_0)] \quad [\Omega]$$

Ejercicio 4:

Un termómetro de resistencia hecho de platino tiene una resistencia de  $50 \Omega$  a  $20^\circ\text{C}$ . Cuando lo sumergimos en un recipiente que tiene indio en punto de fusión, su resistencia aumenta hasta  $76.8 \Omega$ . Con esta información, encuentre el punto de fusión del indio. Para el platino  $\alpha = 3.92 \times 10^{-3} (\text{C}^\circ)^{-1}$

$$R = R_0 [1 + \alpha \Delta T]$$

$$R = R_0 \alpha \Delta T + R_0$$

$$\frac{R - R_0}{R_0 \alpha} = \Delta T$$

$$\frac{76.8\Omega - 50\Omega}{(50\Omega)(3.92 \times 10^{-3} (\text{C}^\circ)^{-1})} = \Delta T = 136.7 \approx 137^\circ\text{C}$$

Como  $\Delta T = T - T_0$  y  $T_0 = 20^\circ\text{C}$

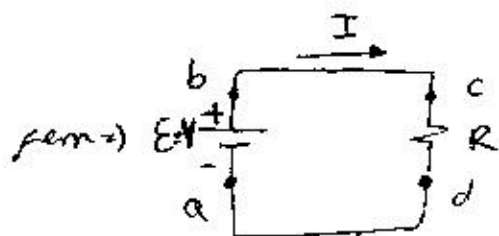
$$T = 137 + 20^\circ = 157^\circ\text{C}$$

Código de colores para resistencias

ver  
Fig 27.7

Tipos de resistencias: de carbón, cerámicas, alambre etc





Si una batería se utiliza para establecer una corriente eléctrica en un conductor, existe una transformación continua de energía química almacenada en la batería a energía cinética de los portadores de carga. Esta energía cinética se pierde rápido como resultado de las colisiones de los portadores de carga con el arreglo de iones, ocasionando un aumento en la temperatura del conductor. Por lo tanto se ve que la energía química almacenada en la batería es continuamente transformada en energía térmica.

En la figura un circuito consta de una batería, o fem  $\mathcal{E}$  y de una resistencia  $R$ . La carga positiva fluye en la dirección de las manecillas del reloj, desde la terminal negativa hacia la positiva de la batería. Los puntos  $a$  y  $d$  son estandarizados.

- $\Delta Q$  se mueve de  $(a)$   $\Rightarrow$  pasa por  $V$  y  $R$  y regresa a  $(a)$
- $\Delta Q \Rightarrow$  se mueve de  $(a)$  a  $(b)$  a través de la batería
- la energía potencial eléctrica aumenta en una cantidad  $V \Delta Q$  mientras la energía química de la batería disminuye
- la carga  $Q$  se mueve de  $(c)$  a  $(d)$  a través de la resistencia
- la energía potencial eléctrica <sup>se pierde</sup> por las colisiones de los átomos en la resistencia en forma de energía térmica y está dado por

$$\frac{\Delta U}{\Delta t} = \frac{\Delta Q}{\Delta t} V = IV$$

$I \Rightarrow$  corriente que pasa por el circuito

Como la rapidez con la cual la carga pierde la energía <sup>(79)</sup> es igual a la potencia perdida en la resistencia, tenemos

$$P = IV$$

$P =$  potencia

$$P = I^2 R = \frac{V^2}{R}$$

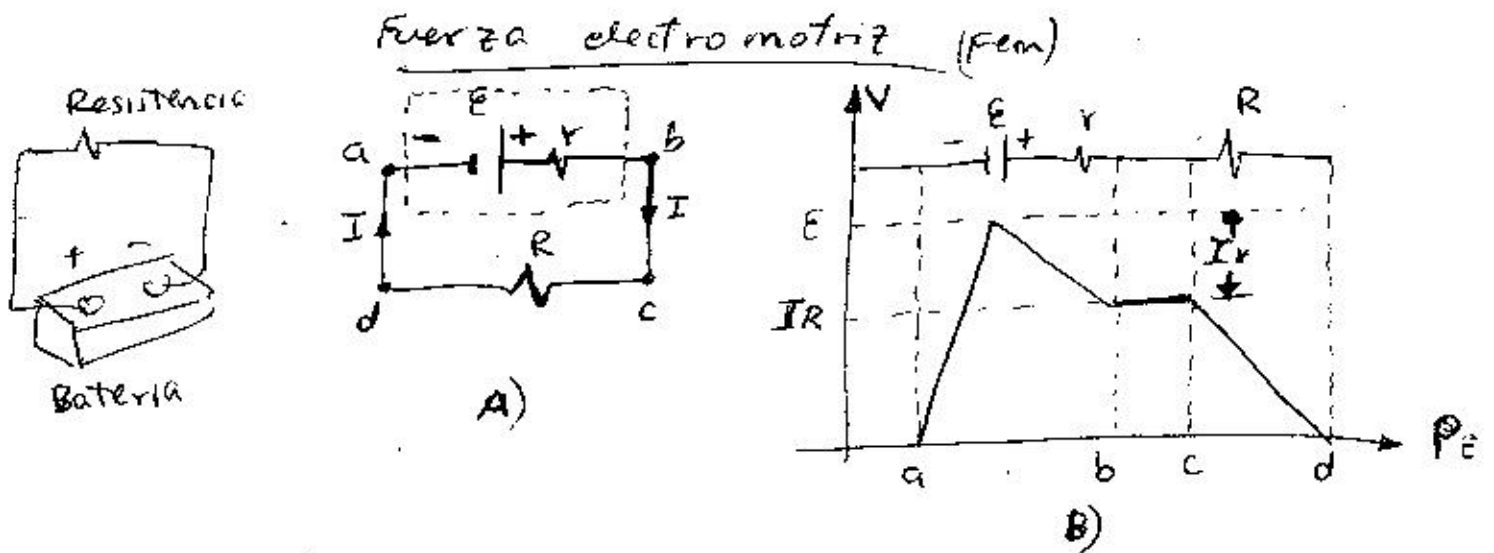
Ejercicio 5: Se construye un calentador eléctrico aplicando una diferencia de potencial de 110V. a un alambre de nichromo cuya resistencia total es de  $8\Omega$ . Calcule la corriente en el alambre y la potencia nominal del calentador

$$I = \frac{V}{R} = \frac{110V}{8\Omega} = 13.8A$$

$$P = I^2 R = \frac{V^2}{R} = \frac{(110)^2}{8\Omega} = 1.52 \text{ kW}$$

b) si se duplica el voltaje calcule la  $I$  y  $P$

$$I = \frac{220V}{8\Omega} = 27.5A \quad P = 6.05 \text{ kW}$$



De la figura a)

Una carga positiva se mueve de a) a b), como la carga pasa de la terminal negativa a la positiva, su potencial aumenta en  $E$ . Sin embargo, como se ve a través de  $r$ , su potencial decrece en  $Ir$ , donde  $I$  es la corriente en el

circuito, por lo tanto el voltaje en los terminales de la batería,  $V = V_b - V_a$

$$V = \mathcal{E} - Ir$$

$\mathcal{E}$  equivale al voltaje a circuito abierto, es decir, el voltaje en los terminales cuando la corriente es cero. En la figura b) es la representación gráfica de los cambios de potencial en el circuito cuando recorre  $I$  en la dirección de las manecillas del reloj.  $V$  debe ser igual a la diferencia de potencial a través de la resistencia externa  $R$ , llamada resistencia de carga

$$V = IR$$

$$\mathcal{E} = IR + Ir \quad **$$

despejando  $I$

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R+r}$$

ahora si multiplicamos  $**$  por  $I$  tenemos  $\perp$  si  $R \gg r$

$$I\mathcal{E} = I^2R + I^2r$$

$$P_{\mathcal{E}} = P_R + P_r$$

Ejercicio 6: Una batería tiene una fem de 12V y una resistencia interna  $r = 0.05\Omega$ , sus terminales se conectan a una resistencia de carga de  $3\Omega$  a) Halle la corriente y voltaje en terminales de la batería

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R+r} = \frac{12V}{3.05\Omega} = 3.93A$$

$$V = \mathcal{E} - Ir = 12V - (3.93A)(0.05\Omega) = 11.8V$$

para probar este resultado

$$V = IR = (3.93A)(3\Omega) = 11.8V$$

b) calcule la potencia disipada en la resistencia de carga y en la resistencia interna de la batería

$$P_R = I^2R = (3.93A)^2(3\Omega) = 46.334W$$

$$P_r = I^2r = (3.93A)^2(0.05\Omega) = 0.772W$$

por lo tanto la potencia entregada por la batería es la suma <sup>(81)</sup> de estas dos cantidades

$$P_T = P_R + P_r = 47.1 \text{ W}$$

Se puede verificar utilizando  $P = I E$   
 $P = (3.93)(12) = 47.1 \text{ W}$

Ejercicio 7: Tarea

El enrollamiento de cobre de un motor tiene una resistencia de  $50 \Omega$  a  $20$  grados centígrados, cuando el motor está quieto. Después de estar trabajando durante varias horas, la resistencia se eleva a  $58 \Omega$ . ¿cuál es la temperatura del enrollamiento?

$$R = R_0 [1 + \alpha (T - T_0)]$$

$$\alpha_{\text{cobre}} = 3.9 \times 10^{-2}$$

$$T_0 = 20^\circ \text{C}$$

$$R_0 = 50 \Omega$$

$$R = 58 \Omega$$

$$58 = 50 [1 + 3.9 \times 10^{-2} (T - 20^\circ \text{C})]$$

$$58 = 50 + 0.195 (T - 20^\circ \text{C})$$

$$\frac{58 - 50}{0.195} = T - 20^\circ \text{C}$$

$$41.02^\circ \text{C} + 20^\circ \text{C} = T$$

$$61^\circ \text{C} = T$$

Ejercicio 8: a) cuántas lámparas de  $40 \text{ W}$  <sup>Tarea</sup> en paralelo pueden utilizarse con seguridad en una línea de  $115 \text{ V}$ . con fusibles que limitan la corriente a  $6 \text{ A}$ . b) Si se pone en la misma línea un testador eléctrico de  $5 \text{ A}$ . cuántas lámparas podrían encenderse a la vez.

$$a) V_{\text{línea}} = 115 \text{ V}$$

$$P_{\text{lámpara}} = 40 \text{ W}$$

$$I_{\text{máx}} = 6 \text{ A}$$

$$P_T = V_{\text{línea}} I_{\text{máx}} = (115 \text{ V})(6 \text{ A}) = 690 \text{ W}$$

$$N_{\text{lámparas}} = \frac{P_T}{P_{\text{lámpara}}} = \frac{690 \text{ W}}{40 \text{ W}} = 17.25$$

puedo instalar 17 lámparas de  $40 \text{ W}$

b) Si se pone en la misma línea un tostador eléctrico de 5A -cuántas lámparas podrían encenderse a la vez.

$$P_{lámpara} = VI$$

$$40W = (115V)I$$

$$I = \frac{40W}{115V} = 0.3478A$$

3 lámparas pueden encenderse hasta completar 1 amperio o sea 3 lámparas

$$I_{lámpara} = 0.3478A$$

$$I_{3 lámparas} = 0.3478 \times 3 = 1.043A$$

Ejercicio 9: La carga de un generador de 115V, se compone de 200 lámparas de 40w, 10 planchas que absorben 500w y un motor de 10 H.P que tiene un rendimiento del 85% Hallar:

a) la potencia suministrada por el generador en Kw <sup>mínima</sup>

$$P_G = P_{lámparas} + P_{planchas} + P_{motor}$$

$$P_G = 200 \times 40W + 10 \times 500W + 10 \times 742W \cdot 0.85$$

$$P_G = 19307kW$$

b) la corriente que toma la carga

$$I_{carga} = \frac{P}{V} = \frac{19307W}{115V} = 167.887Amp$$

c) la corriente que toma cada carga

$$I_{lámparas} = \frac{P}{V} = \frac{40W}{115V} = 0.3478A \times 200 = 69.564$$

$$I_{planchas} = \frac{P}{V} = \frac{500W}{115V} = 4.3478A \times 10 = 43.478A$$

$$I_{motor} = \frac{P}{V} = \frac{742W}{115V} = 6.4521A \times 10 \times 0.85 = 54.843A$$

$$I_{Total} = 167.8434A$$